

1. Démontrer que...
2. On démontrera dans le chapitre « continuité » que la limite l de la suite (a_n) est solution de l'équation $0,8x + 5000 = x$.
Déterminer la limite l de la suite (a_n) .

3. Algorithme

- a) Proposer un algorithme tel que la variable n contienne, en fin d'exécution de l'algorithme, le plus petit entier naturel n tel que $a_n > 24900$. On appelle n_0 cet entier.
- b) Justifier que cet algorithme se termine.
- c) Donner la valeur n_0 à l'aide de la calculatrice (sans rentrer le programme correspondant à l'algorithme)
- d) Ecrire dans le langage Python le programme de la fonction `seuil_a` (sans argument) qui renvoie le plus petit entier naturel n tel que $a_n > 24900$. Tester son bon fonctionnement.

Exercice 15 :

Soit f la fonction définie sur $[0;4]$ par $f(x) = \sqrt{3x+4}$ et (u_n) la suite définie par $u_0 = 0$ et pour tout entier naturel n , $u_{n+1} = f(u_n) = \sqrt{3u_n + 4}$.

1. Etudier le sens de variation de f sur $[0;4]$.
2. Montrer que pour tout n de \mathbb{N} , $0 \leq u_n \leq u_{n+1} \leq 4$
3. En déduire que la suite u est convergente

$$u_{n+1} = \sqrt{3u_n + 4}$$